

- ეს პროცედურა გაიმეორე $\lfloor \frac{5}{2} \rfloor = 2$ მონაცემისათვის :
- მოცემულია: $n = 2$.
- თუ $n = 1$, ამობეჭდე „1” და ალგორითმი დაასრულე - (ამ შემთხვევაში ეს არ სრულდება)
 - თუ n კენტია, ამობეჭდე „1” - (ამ შემთხვევაში ეს არ სრულდება: 2 ლურჯია);
ამობეჭდილი რიცხვი: "01"
 - თუ n ლურჯია, ამობეჭდე „0” - (ამ შემთხვევაში ეს სრულდება: 2 ლურჯია);
 - ეს პროცედურა გაიმეორე $\lfloor \frac{2}{2} \rfloor = 1$ მონაცემისათვის :
- მოცემულია: $n = 1$.
- თუ $n = 0$, ალგორითმი დაასრულე - (ამ შემთხვევაში ეს არ სრულდება)
 - თუ n კენტია, ამობეჭდე „1” - (ამ შემთხვევაში ეს სრულდება: 1 კენტია);
ამობეჭდილი რიცხვი: "101"
 - ეს პროცედურა გაიმეორე $\lfloor \frac{1}{2} \rfloor = 0$ მონაცემისათვის :
- მოცემულია: $n = 1$.
- თუ $n = 0$, ალგორითმი დაასრულე - (ამ შემთხვევაში ეს სრულდება).
- ალგორითმი დასრულდა.

საგარჯიშო 4.11: გადაიყვანეთ ორობით კოდში შემდეგი რიცხვები: 13, 127, 17, 8, 16, 0.

ანალოგიურად შეიძლება ნებისმიერი რიცხვის ნებისმიერი ანბანით ჩაწერა. თუ მოცემულია k ასოიანი ანბანი, მაშინ იტყვიან, რომ მისი სიტყვები ჩაწერილია k ბაზით:

- მოცემულია: $n \in \mathbb{N}$ (ჩასაწერი რიცხვი) და $k \in \mathbb{N}$ (ბაზა).
- თუ $n = 0$, ალგორითმი დაასრულე.
 - ამობეჭდე $\frac{n}{k}$ გაყოფისას მიღებული ნაშთი
 - ეს პროცედურა გაიმეორე $\lfloor \frac{n}{k} \rfloor$ მონაცემისათვის .

საგარჯიშო 4.12: წინა საგარჯიშოში მოყვანილი რიცხვები ჩაწერეთ რვაობით, თექვსმეტობით და ორობით კოდებში.

საგარჯიშო 4.13: დაწერეთ ალგორითმი, რომელიც ორობით კოდში ჩაწერილ რიცხვს ათობით კოდში გადაიყვანს.

2. თუ ჩვენი ფერი მოვიდა, ვიდებთ მოგებულ თანხას $2a_1$ და ყველაფერს ვიწყებთ თავიდან.
3. თუ ჩვენი ფერი არ მოვიდა, მეორე ჯერზე ვდებთ a_2 ოდენობის თანხას. ჯამში ჩადებული თანხა იქნება $a_1 + a_2$.
4. თუ ჩვენი ფერი მოვიდა, ვიდებთ მოგებულ თანხას $2a_2$ და ყველაფერს ვიწყებთ თავიდან.
5. თუ ჩვენი ფერი არ მოვიდა, მესამე ჯერზე ვდებთ a_3 ოდენობის თანხას. ჯამში ჩადებული თანხა იქნება $a_1 + a_2 + a_3$.

და ასე ვაგრძელებთ მანამ, სანამ არ მოვა ჩვენი ფერი:

6. მე- n -ე ჯერზე ვდებთ a_n ოდენობის თანხას. ჯამში ჩადებული თანხა იქნება $a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1} + a_n$. თუ ჩვენი ფერი მოვიდა, მოგებული თანხა იქნება $2a_n$.

7. რადგან აქამდე ჩადებული თანხა იყო $a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1} + a_n$, სედ მოგებული გვაქნება $2a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1} + a_n) = a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1})$ ოდენობის თანხა.

თუ $2a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1} + a_n) = a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) < 0$, მაშინ დახარჯული თანხა მოგებულზე მეტი იქნება, ანუ თამაშს წაგაბეთ. ჩვენი ამოცანაა $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ მიმდევრობა ისე შევარჩიოთ, რომ $a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) > 0$.

ერთი შესაძლებლობაა $a_i = 2^i$. ამ შემთხვევაში $a_n = 2^n$ და $(a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) = 2^n - 1$. აქედან გამომდინარე, $a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) = 2^n - (2^n - 1) = 1$. ესე იგი, ამ სტრატეგიით (ყოველ ჯერზე დადებული თანხის გაორმაგბით) 1 ერთეულს მოვიგებთ.

თუ $(a_i)_{i=1}^\infty$ მიმდევრობას ისე შევარჩევთ, რომ $a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) = n$, მაშინ ჩვენი ფერის მოხვდაზე ვიგებთ იმდენ თანხას, რამდენჯერაც მოგვიწი თანხის დადება.

ახლა გამოვიანგარიშოთ, თუ რა უნდა იყოს $(a_i)_{i=1}^\infty$ მიმდევრობა. $a_1 = 1$. a_n მოცემულია რეკურსიული ფორმულით: $a_n - (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1}) = n$.

სავარჯიშო 4.15: მათემატიკური ინდუქციით დაამტკიცეთ, რომ $a_n = 2^n - 1$ და $a_n = 2 \cdot a_{n-1} + 1$.

ამრიგად, ამ თამაშის მომგებიანი სტრატეგია შემდეგია:

- არჩეულ ფერზე დადე 2-[წინა ჯერზე დადებული თანხა] + 1 თანხა
- თუ ეს ფერი მოვიდა, აიდე მოგებული თანხა და თამაში შეწყვიტე.
- თუ ჩვენი ფერი არ მოვიდა, ალგორითმი თავიდან გაიმურჯ

სავარჯიშო 4.16: დაამტკიცეთ ამ სტრატეგიის სისწორე.